

Interpretarea geometrică a sumei, a diferenței unor numere complexe

Ne amintim că în clasele anterioare am învățat că numerele reale se pot reprezenta pe o dreaptă, *axa reală*, dreaptă căreia i-am stabilit o origine, un sens și o unitate de măsură, astfel, fiecărui număr real îi corespunde un punct pe această dreaptă și reciproc.

În mod natural, ținând cont că numărul complex, scris sub forma sa algebrică, $z = a + ib$ are două componente, i se poate asocia într-un plan, în care am stabilit un sistem ortogonal de axe xOy , un punct M de coordonate (a, b) . Punctul M se numește imaginea geometrică a numărului complex $z = a + ib$, iar numărul complex $z = a + ib$ se numește afixul punctului M .

În clasa a IXa am învățat vectorul de poziție al unui punct din plan.

Vom considera în plan în reperul ortonormat (O, \vec{i}, \vec{j}) punctele $A(a, b)$, $B(c, d)$ și vectorii de poziție $\vec{OA} = a\vec{i} + b\vec{j}$, $\vec{OB} = c\vec{i} + d\vec{j}$.

Observăm că $\vec{OA} + \vec{OB} = (a\vec{i} + b\vec{j}) + (c\vec{i} + d\vec{j}) = (a + c)\vec{i} + (b + d)\vec{j}$, iar afixele punctelor A , respectiv B au suma

$$z_A + z_B = (a + ib) + (c + id) = (a + c) + i(b + d).$$

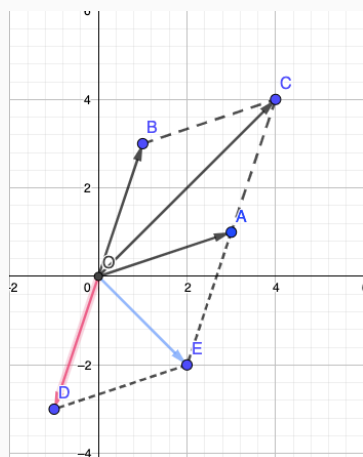
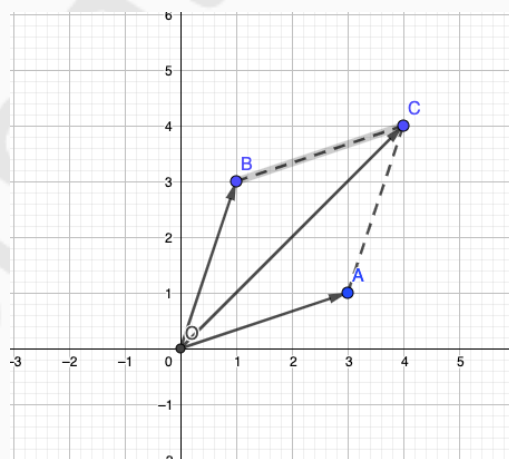
Prin urmare, numărul complex $z_A + z_B$ este afixul

punctului C , care are ca vector de poziție

$$\vec{OC} = \vec{OA} + \vec{OB}.$$

Exemplu

Suma numerelor complexe $z_A = 3 + i$, $z_B = 1 + 3i$ este afixul punctului care are vectorul de poziție \vec{OC} obținut prin regula paralelogramului ca suma vectorilor \vec{OA} și \vec{OB} ca în figura alăturată.



Observăm că numărul complex $z_D = -z_B = -c - di$ este afixul simetricului punctului B față de O , punctul D . În consecință, putem spune că $z_A - z_B = z_A + z_D$, interpretarea pe care putem să o facem acum fiind asemănătoare adunării a două numere complexe. Numărul complex

$$z_A - z_B = z_A + z_D = a + bi - (c + di) = (a - c) + (b - d)i$$

fiind afixul punctului E care are vectorul de poziție $\vec{OE} = \vec{OA} + \vec{OD}$,

obținut cu regula paralelogramului.

Exemplu

Diferența numerelor $z_A = 3 + i$, $z_B = 1 + 3i$ este afixul punctului care are vectorul de poziție \overrightarrow{OE} obținut prin regula paralelogramului ca suma vectorilor \overrightarrow{OA} și \overrightarrow{OD} ca în figura de mai sus, E fiind punctul de afix $z_E = 2 - 2i$.